

الإمتحان التجريبي نيابة أنفا-الدار البيضاء 2000

الشعبة : علوم تجريبية

المستوى : الأولى بكالوريا

المادة : الرياضيات

التمرين 1:

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

في الفضاء المنسوب إلى معلم $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $A(1,0,3)$ و $B(0,2,0)$ و $C(0,3,1)$

1-أ- تحقق من أن النقط A و B و C غير مستقيمية.(ن1).

ب- اعط معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) .(ن1).

2- ليكن (Δ) المستقيم المار من o والموجه بالمتجهة $\vec{u} = \vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}$

أ- اعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) . (ن1).

ب- حدد مثلوث إحداثيات نقطة تقاطع المستقيم (Δ) والمستوى (ABC) . (ن1).

3- ليكن (P) المستوى ذا المعادلة : $3x + y - z = 0$

أ- بين أن (P) هو المستوى المحدد بالمستقيم (Δ) والنقطة A .(ن1).

ب- حدد معادلتين ديكارتيين للمستقيم المار من منتصف $[OC]$ والذي يوازي المستويين (ABC) و (P) . (ن1)

التمرين 2: 10 نقط

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R}^* بما يلي: $f(x) = 1 + \frac{2}{x} - \frac{1}{x^2}$ ولين (C) منحناها في معلم متعامد ممنظم (o, \vec{i}, \vec{j})

1-أ- احسب نهايات f على اليمين في الصفر وعلى اليسار في الصفر وعند $+\infty$ و عند $-\infty$ ، (ن2)

ب- استنتج أن للمنحنى (C) مقاربين محددًا معادلة ديكارتية لكل منهما. (ن1).

2-أ- بين أن : $f'(x) = \frac{2(1-x)}{x^3}$ لكل x من \mathbb{R}^* . (ن1).

ب- اعط جدول تغيرات الدالة f . (ن1).

3- ادرس تقعر المنحنى (C) وحدد نقطة انعطافه. (ن1.5)

4-أ- حدد نقطتي تقاطع المنحنى (C) مع محور الأفاصيل. (ن1)

ب- ارسم المنحنى (C) (لاحظ أن $f(\frac{1}{2}) = 1$ وخذ: $-1 + \sqrt{2} = 0,4$ و $-1 - \sqrt{2} = -2,4$).(ن1,5)

ج- ارسم في نفس المعلم منحنى الدالة g المعرفة بما يلي: $g(x) = 1 + \frac{2}{|x|} - \frac{1}{x^2}$ (ن1)

التمرين 3 : 4 نقط

في المستوى الموجه نعتبر، كما في الشكل، مثلثين ABC و AEF متساويي الأضلاع، M هي نقطة تقاطع (BE) و (CF) .

ليكن r الدوران الذي مركزه A وزاويته $\frac{\pi}{3}$.

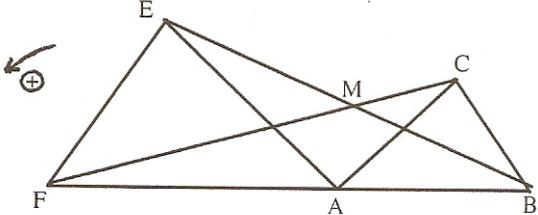
1-أ- حدد $\pi(B)$ و $\pi(E)$. (ن1)

ب- استنتج أن: $BE = CF$ و $EMF = \frac{\pi}{3}$ (ن1)

2- لتكن C' و F' صورتي C و F على التوالي بالدوران r .

أ- بين أن C' تنتمي إلى (AE) وأن F' تنتمي إلى (AC) .(ن1)

ب- لتكن N نقطة تقاطع (CF) و $(C'F')$ ، بين أن المثلث AMN متساوي الأضلاع. (ن1)



www.Achamel.net