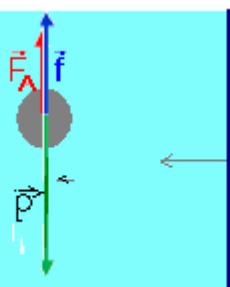


# السقوط الرأسي لجسم صلب

## I القوى المطبقة على جسم من طرف مائع:

### (1) القوى المطبقة من طرف مائع:



الجسم المغمور في مائع يخضع إلى ثلات قوى:

- قوة الثقالة.(أي وزن الجسم)

- دافعة أرخميدس  $F_A$

- قوة الاحتاك المائع  $f$

سائل

.

**قوة الثقالة :** Force de pesanteur

تخضع الأجسام في مجال الثقالة إلى **قوة الثقالة**، وهي القوة المطبقة عليها من طرف الأرض وتسمى بالوزن

$P = m.g$

العلاقة بين شدة وزن الجسم وشدة الثقالة:

\*  $g$ : متوجهة مجال الثقالة موجهة نحو مركز الأرض(أي رأسية نحو الأسفل) ، وتحتفظ في نفس الموضع بنفس الشدة.

وحدة شدة الثقالة في النظام العالمي للوحدات هي :  $N/Kg$  أو  $m/s^2$ .

\* القوة  $P = m.g$  تطبق في مركز القصور G للجسم الصلب .

**2 دافعة أرخميدس Poussée d'Archimède**

يخضع كل جسم مغمور كلياً أو جزئياً في ماء لقوى تمسك ضاغطة تسمى **دافعة أرخميدس**، وهي رأسية، موجهة نحو الأعلى ،

شدتها تساوي وزن حجم السائل المزاح.  $F_A = \rho_f.V.g$

القوة  $F_A = -\rho_f.V.g$  تطبق في مركز قصور السائل المزاح .

$\rho_f$  : الكتلة الحجمية للمائع ب :  $(kg.m^{-3})$  .

$V$  : الحجم المزاح للمائع (m<sup>3</sup>)

: شدة الثقالة ب: (N/kg) أو: (m/s<sup>2</sup>) .

**3 قوة الاحتاك المائع :** Force de frottement fluide

تكافى قوى الاحتاك التي يطبقها المائع على الجسم الصلب المغمور داخله قوة وحيدة  $f$  تسمى **قوة الاحتاك المائع**، تطبق في مركز القصور G للجسم، معاكسة لمتجهة السرعة  $v$  :

$f = -k.v^n$  منظمها :

$f = k.v^n$  منظمها :

**ملحوظة** : عموماً إذا كانت السرعة صغيرة نأخذ: 1  $f = k.v$  فتصبح:  $k$  في هذه الحالة تتعلق الثابتة  $k$  بـ زوجة السائل.

و إذا كانت السرعة كبيرة نأخذ: 2  $f = k.v^2$  فتصبح:  $k$  في هذه الحالة تتعلق الثابتة  $k$  بالكتلة الحجمية للسائل.

## II السقوط الرأسي باحتاك:

### (1) المعادلة التفاضلية:

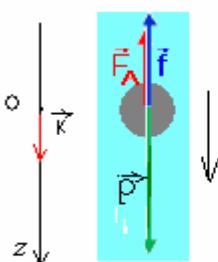
\* **المجموعة المدروسة** (الكرية)

\* **جريدة القوى** : الكرية تخضع للقوى التالية:

$\vec{P} = m.\vec{g}$  : قوة الثقالة.(أي وزن الجسم)

$\vec{F}_A = -\rho_f.V.\vec{g}$  : دافعة أرخميدس .

$\vec{f} = -k.\vec{v}^n$  : قوة الاحتاك المائع



\* اختيار المعلم المناسب : تعتبر معلماً (0,z) موجهاً نحو الأسفل ( لأن الحركة مستقيمة وراسية).

$$\Sigma \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$$

لأن الحركة مستقيمية.

$$mg\vec{k} - \rho_f \cdot V \cdot g\vec{k} - kv^n \vec{k} = m \cdot \vec{a}_G \quad \text{أي : } \vec{P} + \vec{F}_A + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$$

$$g - \frac{m_f \cdot g}{m} - \frac{kv^n}{m} = \frac{dv}{dt} \quad \text{العلاقة السابقة تصبح: } mg - \rho_f \cdot V \cdot g - kv_n = m \cdot a : oz$$

$$\frac{dv}{dt} = \left( \frac{m - m_f}{m} \right) g - \frac{kv^n}{m} \Leftarrow \frac{dv}{dt} = \left( 1 - \frac{m_f}{m} \right) g - \frac{kv^n}{m} \quad \text{المعادلة التفاضلية تصبح كما يلي: } a = \frac{dv}{dt}$$

$$(1) \quad \frac{dv}{dt} = A - B \cdot v^n \quad \text{ويمكن كتابتها كما يلي :}$$

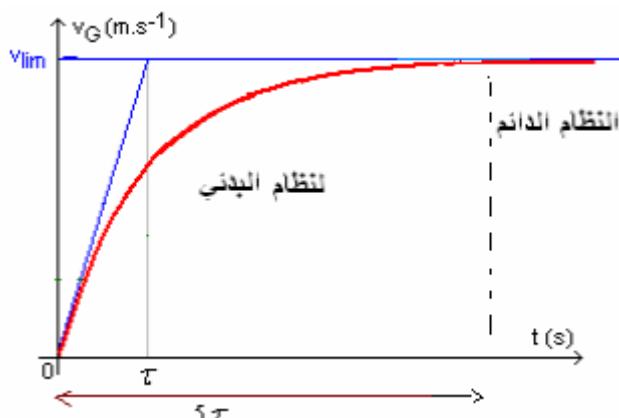
وهي المعادلة الزمنية لحركة مركز قصور الكريهة أثناء السقوط الرأسى في سائل (حيث  $\rho$  هي الكتلة الحجمية للجسم الصلب).

$$B = \frac{k}{m} \quad \text{و:} \quad A = \left( \frac{m - m_f}{m} \right) \cdot g$$

## 2) المقاييس المميزة للحركة :

### أ) النظام الدائم:

تمكن الدراسة التجريبية من رسم المنحنى الممثل لتغيرات سرعة الكريهة بدلالة الزمن :



في البداية تتزايد سرعة الكريهة إلى أن تبلغ قيمة ثابتة تسمى : السرعة الحدية يرمز إليها بـ: نظام  $v_\ell$  فتختفي حركة الكريهة إلى نظام يسمى النظام الدائم .

عندما يتحقق النظام الدائم ، تصبح السرعة  $v$  للكريهة ثابتة وبذلك يصبح  $\frac{dv}{dt} = 0$  ومن خلال (1) يصبح لدينا :

$$v_\ell = \left[ \frac{g}{k} (m - m_f) \right]^{\frac{1}{n}} = \left[ \frac{g}{k} (\rho - \rho_f) \cdot V \right]^{\frac{1}{n}} \quad \text{أي : } v_\ell = \left( \frac{A}{B} \right)^{\frac{1}{n}}$$

حيث  $\rho$  الكتلة الحجمية للكريهة  $\rho_f$  الكتلة الحجمية للسائل .  $V$  حجم الكريهة.

### ب) التسارع البدئي للكريهة.

في بداية السقوط تتزايد سرعة الكريهة وتتصبح لها حركة مستقيمية متغيرة بانتظام ، تسارعها:  $a = \frac{dv}{dt} = \left( \frac{m - m_f}{m} \right) g - \frac{kv_n}{m}$

وفي اللحظة  $t = 0$  :  $a_o = \left( \frac{m - m_f}{m} \right) g$  تسارع الكريهة البدئي : مبيانا قيمة التسارع البدئي تساوي قيمة المعامل الموجه للماس للمنحنى  $f(t)$  عند اللحظة  $t = o$  .

### ج) الزمن المميز للحركة:

يتقاطع الخط الماس للمنحنى  $f(t)$  مع الخط المقارب للمنحنى في نقطة أقصولها  $\tau$  تسمى الزمن المميز للحركة .

تحدد قيمة  $\tau$  بالعلاقة :  $v_\ell = a_o \cdot \tau$

بمعرفة قيمة الزمن المميز للحركة  $\tau$  يمكن تقدير مدة النظام البدئي وهي تساوي حوالي  $5\tau$  .

### 3) حل المعادلة التفاضلية باستعمال طريقة أولير:

طريقة أولير طريقة رقمية تكرارية تمكن من حل المعادلة التفاضلية . ويستوجب استعمال هذه الطريقة معرفة سرعة مركز قصور الجسم في لحظة معينة ، والتي غالباً ما تكون هي السرعة البدئية  $v_0$  في اللحظة  $t = 0$  .

#### \*المرحلة الأولى :

بمعرفة قيمة السرعة البدئية ، نحسب التسارع البدئي  $a_o$  بحيث :  $a_o = A - B \cdot v_o^n$

المرحلة الثانية : نحسب السرعة  $v_1$  في اللحظة  $t_1 = t_o + \Delta t$  ، نسمى  $\Delta t$  خطوة الحساب.

$$v_1 = v_o + a_o \cdot \Delta t \quad \text{ثم} \quad a_o = A - B \cdot v_o^n$$

$$v_2 = v_1 + a_1 \cdot \Delta t \quad \text{ثم} \quad a_1 = A - B \cdot v_1^n$$

$$v_3 = v_2 + a_2 \cdot \Delta t \quad \text{ثم} \quad a_2 = A - B \cdot v_2^n$$

ملحوظة : اختيار خطوة الحساب .

اختيار خطوة الحساب  $\Delta t$  يكتسي أهمية بالغة في طريقة أولير ، فكلما كانت قيمتها صغيرة ، كلما كانت النتائج النظرية قريبة من النتائج التجريبية.

عموماً نأخذ الخطوة  $\Delta t = \frac{\tau}{10}$  لكي لا تتجاوز السرعة الحدية للكريمة.