



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة العادية **2010**  
الموضوع



الصفحة
1
3

4	المعامل:	NS26	الرياضيات	المادة:
2 س	مدة الإنجاز:	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي		الشعب(ة) أو المسلك:

توجيهات عامة للمترشح

1. يسمح باستعمال الآلة الحاسبة الغير القابلة للبرمجة؛
2. يتكون الموضوع من ثلاث صفحات مرقمة  $1/3$  و  $2/3$  و  $3/3$ ؛
3. يتضمن الموضوع ثلاثة تمارين؛
4. تمارين الموضوع مستقلة فيما بينها؛
5. على المترشح أن يختار ترتيب التمارين الذي يناسبه؛
6. يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم الورقة والدقة في الأجوبة.

التمرين الأول (5 ن)

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = 2 - \frac{1}{u_n} \end{cases} ; n \in \mathbb{N}$$

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلي :

1. 0.5 بين بالترجع أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_n > 1$  .
2. 1 أ . بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - u_n = -\frac{(u_n - 1)^2}{u_n}$  واستنتج أن المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  تناقصية .
- 0.25 ب . استنتج أن المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  متقاربة .
3. نضع لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $v_n = \frac{u_n - 2}{u_n - 1}$  .
- 1 أ . احسب  $v_0$  ثم بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $v_{n+1} - v_n = -1$  .
- 0.75 ب . استنتج أن المتتالية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  حسابية ثم احسب  $v_n$  بدلالة  $n$  .
- 1 ج . بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_n = \frac{v_n - 2}{v_n - 1}$  واستنتج أن  $u_n = \frac{n+2}{n+1}$  .
- 0.5 د . احسب النهاية :  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  .

التمرين الثاني (11 ن)

الجزء الأول

نعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بما يلي :

$$g(x) = -1 + x + 2x \ln x$$

1. 1 احسب النهايتين :  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  .
- 0.75 2. أ . بين أن لكل  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$  :  $g'(x) = 3 + 2 \ln x$  .
- 1.5 ب . ادرس إشارة  $g'(x)$  ثم أعط جدول تغيرات الدالة  $g$  على المجال  $]0; +\infty[$  .
- 1.25 ج . احسب  $g(1)$  واستنتج من السؤال (2. ب .) أن لكل  $x$  من المجال  $]0; 1]$  :  $g(x) \leq 0$  و أن لكل  $x$  من المجال  $[1; +\infty[$  :  $g(x) \geq 0$  .

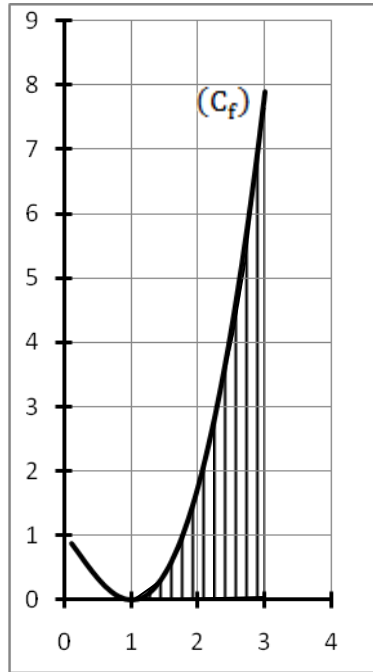
الجزء الثاني

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بما يلي :

$$f(x) = 1 - x + x^2 \ln x$$

1. 0.5 أ . احسب النهاية :  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  .
- 2 ب . احسب النهايتين :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة .
- 1 2. أ . تحقق أن  $f'(x) = g(x)$  لكل  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$  .
- 1 ب . باستعمال السؤال (2. ج . من الجزء الأول) ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  .

3 . في الشكل أسفله  $(C_f)$  هو التمثيل المبياني للدالة  $f$  على المجال  $]0;3[$  في معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  .



أ . باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن :  $\int_1^3 x^2 \ln x \, dx = 9 \ln 3 - \frac{26}{9}$  .

1

ب . استنتج مساحة حيز المستوى المخدش في الشكل أعلاه.

1

#### التمرين الثالث (4 ن)

يتكون مكتب للدراسات من 20 مهندسا ومهندسة يتوزعون حسب الجنس والتخصص كما هو مبين في الجدول أسفله .

التخصص	الذكور	الإناث
الإعلاميات	5	3
الهندسة المدنية	8	4

تم اختيار ثلاثة عناصر من هذا المكتب تانيا وبشكل عشوائي للمشاركة في إحدى الدورات التكوينية.

1 . أ . ليكن الحدث  $A$  : " العناصر التي وقع عليها الاختيار كلها من الإناث " . بين أن :  $p(A) = \frac{7}{228}$  .

0.5

ب . علما أن العناصر التي وقع عليها الاختيار كلها من الإناث احسب احتمال أن تكون من نفس التخصص.

1

2 . ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يساوي عدد تخصصات العناصر التي وقع عليها الاختيار.

أ . بين أن  $p(X=1) = \frac{69}{285}$  ثم استنتج قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  .

1.5

ب . احسب  $E(X)$  الأمل الرياضي للمتغير العشوائي  $X$  .

1