

مادة : الفيزياء والكيمياء

شعبة العلوم الرياضية

الكيمياء : الجزء الأول والثاني مستقلين

الجزء الأول : من التحول الكيميائي غير الكلي إلى التحول الكلي :

1 - التتبع الزمني لتحول كيميائي :

1 - 1 - تعريف زمن نصف التفاعل : هو المدة الزمنية $t_{1/2}$ اللازمة لبلوغ قيمة التقدم نصف قيمته النهائية x_f .

حسب المبيان : $x_f = 0,08mol$ ، عند $t_{1/2}$ لدينا $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = 0,04mol$ و حسب المبيان فإن

$$t_{1/2} = 15min$$

2 - 1 - حساب قيمة السرعة الحجمية $v(0)$:

نعلم أن تعبير السرعة الحجمية للتفاعل هو : $v(t) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$ بحيث أن تقدم التفاعل و V

الحجم الكلي للخليط التفاعلي $V = V_A + V_B$

لدينا $V_A = 11ml$ و V_B يجب تحديدها .

$$\rho_B = \frac{m_B}{V_B} = \frac{n(B) \cdot M(B)}{V_B}$$

$$V_B = \frac{n(B) \cdot M(B)}{\rho_B} = 13ml$$

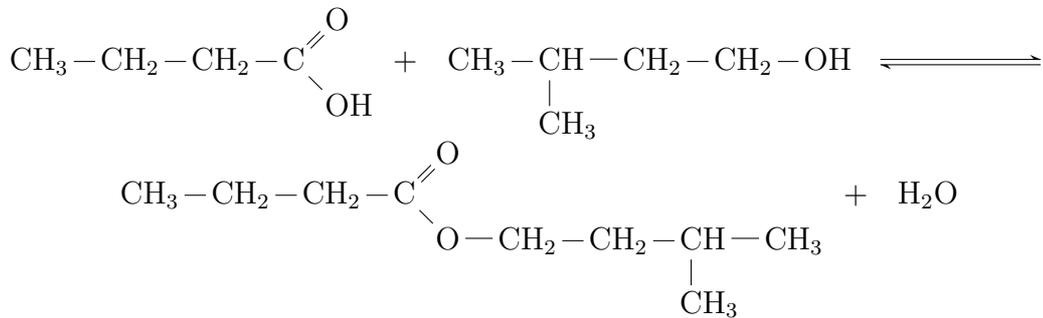
$$V = 13ml + 11ml = 24ml$$

وبالتالي فإن الرعة الحجمية عند اللحظة $t = 0$ هي :

$$v(0) = \frac{1}{V} \left(\frac{\Delta x}{\Delta t} \right)_{t=0} = \frac{1}{24 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{(0,08 - 0)}{(25 - 0)} = 1,33 \cdot 10^{-1} mol/l.min$$

2 - مردود التفاعل

1 - 2 - معادلة تصنيع المركب E



اسم المركب E : بوتانوات 3 - ميثيل البوتيل

2 - 2 - حساب كمية المادة البدئية للحمض (A) :

$$\rho(A) = \frac{n(A) \cdot M(A)}{V(A)}$$

$$n(A) = \frac{V(A) \cdot \rho(A)}{M(A)}$$

$$n(A) = 0,12 \text{ mol}$$

3 - 2 حساب قيمة ثابتة التوازن K :

المعادلة الكيميائية	A	B	\rightleftharpoons	E	H_2O
$t_i = 0$	n_A	n_B		0	0
t_f	$n_A - x_f$	$n_B - x_f$		x_f	x_f

من خلال الجدول الوصفي لدينا :

$$K = \frac{[E]_f \cdot [H_2O]_f}{[A]_f \cdot [B]_f}$$

$$K = \left(\frac{\frac{x_f}{V}}{\frac{n_A - x_f}{V}} \right)^2 = \left(\frac{x_f}{n_A - x_f} \right)^2$$

حسب المبيان لدينا : $x_f = 0,08 \text{ mol}$

$$K = \left(\frac{0,08}{0,12 - 0,08} \right)^2 = 4$$

4 - 2 - أ - حساب التقدم النهائي للتفاعل الحاصل عندما نغير كمية المادة البدئية لأحد المتفاعلات :

ثابتة التوازن تبقى ثابتة خلال التحول الجديد لكن الحالة النهائية للتحول تتغير وبالتالي :

$$K = \frac{\frac{(x'_f)^2}{V^2}}{\frac{(n_A - x'_f)(n_B - x'_f)}{V^2}}$$

$$K = \frac{(x'_f)^2}{(n_A - x'_f)(n_B - x'_f)}$$

بتطبيق عددي نحصل على معادلة من الدرجة الثانية :

$$3(x'_f)^2 - 1,44x'_f + 0,1152 = 0$$

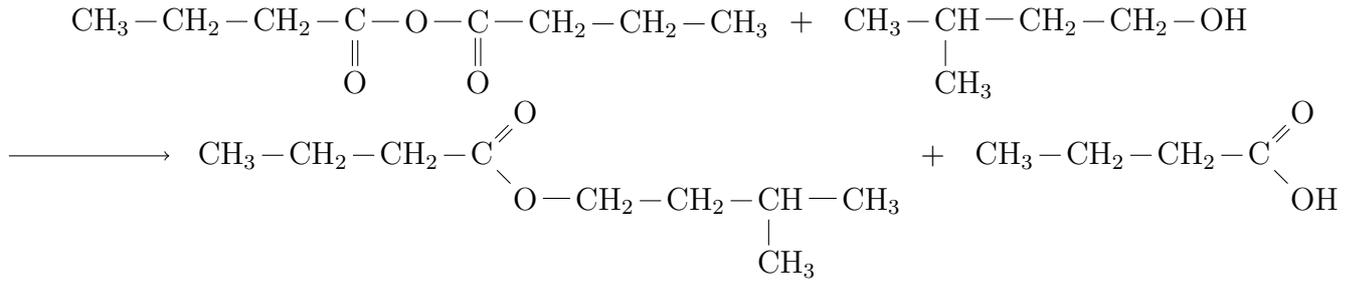
$$x'_{f1} = 0,38 \text{ mol}, \quad x'_{f2} = 0,1 \text{ mol}$$

الحل المقبول من خلال كمية المادة البدئية للمتفاعلات هو $x'_f = 0,1 \text{ mol}$ ب - مردود التفاعل :

$$r = \frac{n_{exp}}{n_{th}} = \frac{x_f}{x_{max}}$$

$$r = 0,83$$

3 - التحكم في تطور المجموعة الكيميائية
3 - 1 - معادلة التفاعل الحاصل في هذه الحالة :



2-3 - حساب الكتلة $m(E)$

حساب كمية المادة البدئية لكل من أندريد البوتانويك و الكحول B :
بالنسبة للكحول B ، لدينا :

$$n(B) = \frac{V_B \cdot \rho_B}{M(B)} = 0,12 \text{ mol}$$

بالنسبة لأندريد البوتانويك لدينا :

$$n(AN) = \frac{V_{AN} \cdot \rho_{AN}}{M(AN)} = 0,086 \text{ mol}$$

وبما أن التفاعل كلي فإن المتفاعل المحد هو أندريد البوتانويك : $x_{max} = 0,086 \text{ mol}$
وبالتالي فإن الكتلة $m(E) = M(E) \cdot n(E)$ بحيث أن $n(E) = x_{max} = 0,086 \text{ mol}$ ومنه فإن
 $m(E) = 158,0,086 = 13,6 \text{ g}$

الجزء الثاني : من التحولات التلقائية إلى التحولات القسرية
1 - التحول التلقائي :

1-1 - تعيين الإلكترود الذي يلعب دور الكاتود :

نعلم أن الكاتود يحدث بجواره اختزال وهو القطب الموجب للعمود وحسب التبيانة الاصطلاحية
فإن القطب الموجب هة إلكترود النحاس .

2-1 - حساب كمية الكهرباء Q الممررة في الدارة عندما يصبح تركيز أيونات النحاس II
في الكأس 1 هو $[Cu^{2+}] = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$:

نعلم أن كمية الكهرباء الممررة في الدارة هي : $Q = n(e^-) \cdot \mathcal{F}$ بحيث أن كمية مادة الإلكترودات
المتبادلة عند t هي $n(e) = 2x$ من جهة أخرى لدينا :

$$[Cu^{2+}]_t = [Cu^{2+}]_i \cdot V - x$$

$$x = V ([Cu^{2+}]_i - [Cu^{2+}]_t)$$

وبما أن $Q = 2x \cdot \mathcal{F}$ فإن :

$$Q = 2 \cdot V ([Cu^{2+}]_i - [Cu^{2+}]_t) \cdot \mathcal{F}$$

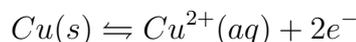
$$Q = 217,13 \text{ C}$$

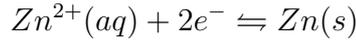
2 - التحول القسري .

1-2 - تعيين الإلكترود الذي يلعب دور الكاتود :

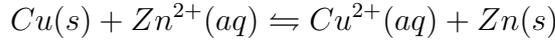
في هذه الحالة يصبح العمود مستقبل أي أن الإلكترود الذي يلعب دور الكاتود هة الذي سيحدث
بجواره اختزال أي الإلكترود الذي سيكتسب الإلكترودات وحسب التبيانة (عند وضع قاطع التيار
في الموضع 2) هو صفيحة الزنك .

2-2 - المعادلة الكيميائية للتفاعل الذي سيحصل : أنصاف المعادلتين اللتين تحدثان بجوار
كل من الأنود (صفيحة النحاس) والكاتود (صفيحة الزنك)





إذن المعادلة الحصيلة هي :



2 - 3 — حساب المدة الزمنية Δt :
 عند اللحظة $t = 0$ لدينا $[Zn^{2+}]_0 = [Zn^{2+}]_i + x$ بحيث أن x التقدم النهائي عند وضع قاطع التيار في الموضع 2
 Zn^{2+} المتبقية هي :
 $x = V ([Cu^{2+}]_i - [Cu^{2+}]) = 1,125.10^{-3}mol$ أنه عند اللحظة t تكون كمية مادة أيونات

$$[Zn^{2+}]_t.V = [Zn^{2+}]_0.V - x'$$

بحيث أن x' هو تقدم التفاعل عند عندما يصبح تركيز أيونات Zn^{2+} هو $5.10^{-3}mol/l$ إذن :

$$x' = [Zn^{2+}]_0.V - [Zn^{2+}]_t.V = 1,875.10^{-3}mol$$

من جهة أخرى فإن :

$$I.\Delta t = n(e).\mathcal{F}$$

ولدينا

$$n(e) = 2x'$$

أي أن :

$$I.\Delta t = 2x'.\mathcal{F}$$

$$\Delta t = \frac{2.x'}{I}.\mathcal{F}$$

$$\Delta t = 24,125.10^3s = 6h42min5s$$

الفيزياء

التمرين 1 : من تبدد الضوء إلى الحيود

1 — تبدد الضوء

1 - 1 — تعبير طول الموجة λ_R في الزجاج

بما أن التردد لا يتعلق بوسط الانتشار فإن تردد الإشعاع الأحمر في الزجاج هو نفسه في الهواء :

$$N = \frac{c}{\lambda_{0R}} = \frac{v}{\lambda_R}$$

$$\frac{c}{v} = \frac{\lambda_{0R}}{\lambda_R}$$

$$n_R = \frac{\lambda_{0R}}{\lambda_R}$$

$$\lambda_R = \frac{\lambda_{0R}}{n_R}$$

2 - 1 — حساب القيمتين A و B

لدينا بالنسبة للإشعاع الأحمر : $n_R = A + \frac{B}{\lambda_{0R}}$

بالنسبة للإشعاع البنفسجي لدينا : $n_v = A + \frac{B}{\lambda_{0v}}$ أي أن :

$$n_v - n_R = B \left(\frac{1}{\lambda_{0v}^2} - \frac{1}{\lambda_{0R}^2} \right)$$

$$B = \frac{n_v - n_R}{\frac{1}{\lambda_{0v}^2} - \frac{1}{\lambda_{0R}^2}}$$

$$B = 2,77.10^{-15} m^2$$

و

$$2 - A = n_R - \frac{B}{\lambda_{0R}^2} = 1,50$$

2 - 1 — تعبير d بدلالة λ و D و a

لدينا : $\tan\theta = \frac{d}{2D}$ وبما أن θ صغيرة جدا فإن $\tan\theta \simeq \theta$

$$\frac{\lambda}{a} = \frac{d}{2D}$$

$$d = \frac{2D.\lambda}{a}$$

2 - 2 — تحديد قيمة λ

باستغلال مبيان الشكل 3 لدينا :

$$d = K \frac{1}{a}$$

K المعامل الموجه للمستقيم

$$K = \frac{6.10^{-3} - 0}{3.10^3 - 0} = 2.10^{-6} SI$$

وحسب العلاقة :

$$d = \frac{2D.\lambda}{a}$$

$$\lambda = \frac{K}{2D} = 0,667.10^{-6} m$$

التمرين 2

1 — شحن مكثف بواسطة لوحة شمسية وتفريغه

1 - 1 — لنقرن كل جزء من المبيان المحصل عليه بموضع قاطع لبتيار K الموافق له :

(a) — يمثل شحن المكثف $u_c = K.t$ يوافق الموضع (2)

(b) — يمثل النظام الدائم عند شحن المكثف $u_c = U_{max}$ يوافق الموضع (0) أو الموضع (2)

(c) — تفريغ المكثف في الموصل الأومي يوافق الموضع (1)

تحديد قيمة I_0 عند شحن المكثف :

لدينا خلال المدة الزمنية Δt ان $I_0 = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$ بحيث أن $\Delta Q = C.\Delta u_C$ وبالتالي فإن :

$$I_0 = \frac{C.\Delta u_C}{\Delta t}$$

$$I_0 = \frac{0,1.(2,25 - 0)}{1,5 - 0} = 0,15 A$$

2 - 1 — المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة $q(t)$
أ — أثناء الشحن :

$$I_0 = \frac{dq}{dt}$$

ب — أثناء التفريغ :
حسب قانون إضافية التوترات :

$$u_C + Ri = 0$$

$$R \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$$

$$\boxed{\frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC}q = 0}$$

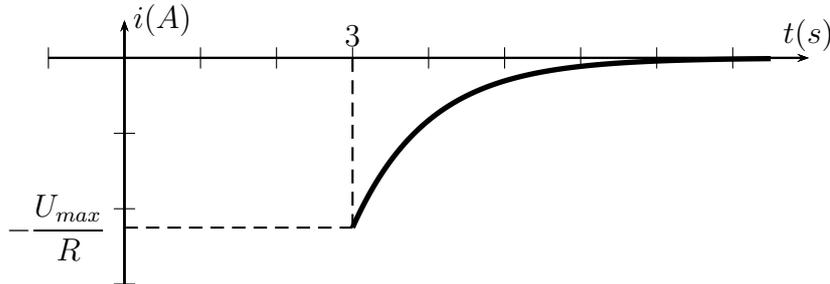
3 - 1 — استنتاج تعبير شدة التيار $i(t)$:

لدينا $u_c(t) = U_{max}e^{-(t-3)/\tau}$ وبما أن $i(t) = C \cdot \frac{du_c}{dt}$ فإن :

$$i(t) = -\frac{CU_{max}}{\tau}e^{-(t-3)/\tau}$$

$$\boxed{i(t) = \frac{-U_{max}}{R}e^{-(t-3)/\tau}}$$

وبالتالي فإن شكل المنحنى المحصل عليه هو :



2 — شحن مكثف بواسطة رتبة توتر صاعدة

2 - 1 — إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_c أثناء شحن المكثف :
حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$U_0 = R_0i + u_c$$

$$U_0 = R_0C \frac{du_c}{dt} + u_c$$

$$\boxed{\frac{du_c}{dt} + \frac{1}{R_0C}u_c = \frac{U_0}{R_0C}}$$

2 - 2 — تحديد قيمة كل من الثابتين A و B باعتبار أن $u_c = Ae^{-t/\tau} + B$
اعتمادا على منحنى الشكل 4 لدينا :

— عند $t = 0$ لدينا $u_c = 0$ أي أن $A + B = 0$ ومنه فإن $A = -B$

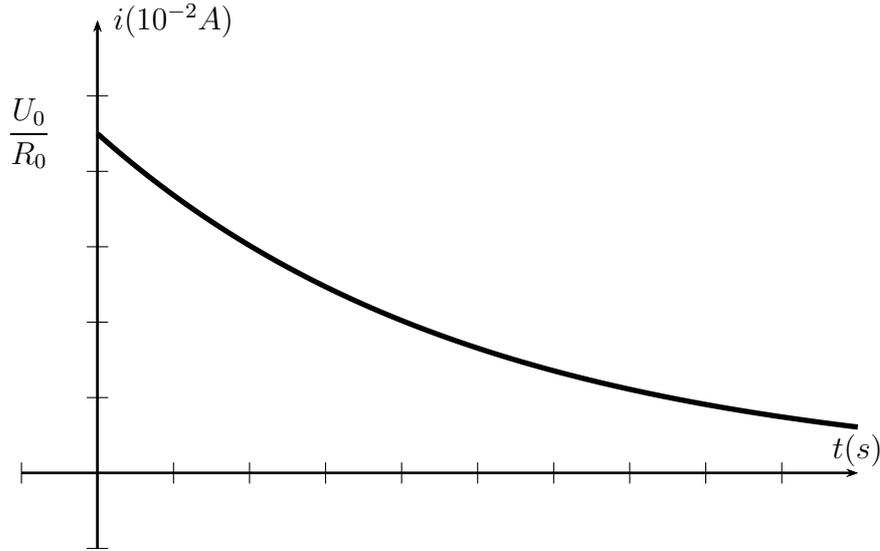
— في النظام الدائم لدينا $u_c(\infty) = 2,25V$ وحسب المعادلة فإن $u_c(\infty) = B$ أي أن $B = 2,25V$ و $A = -2,25V$

3 - 2 — تعبير شدة التيار $i(t)$

$$i(t) = C \cdot \frac{u_C}{dt} = \frac{CU_0}{\tau} \cdot e^{(-t/\tau)}$$

$$i(t) = \frac{U_0}{R_0} \cdot e^{-t/\tau}$$

$$i(t) = 4,5 \cdot 10^{-2} e^{-t/5}$$



4 - 2 — حساب قيمة المقاومة R_0 لكي يشحن أحمد مكثفه كليا خلال نفس المدة التي استغرقها الشحن الكلي لمكثف مريم :
المدة الزمنية اللازمة لكي يشحن مكثف مريم كليا هي : $1,5s$ ولكي يشحن أحمد مكثفه كليا خلال نفس هذه المدة الزمنية :

$$5\tau' = 1,5 \Leftrightarrow 5R_0C = 1,5$$

$$R_0 = \frac{1,5}{5 \cdot 0,1} = 3\Omega$$

3 — الذبذبات في دائرة RLC

1 - 3 — أ — المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين مربطي المكثف :
حسب قانون إضافية التوترات :

$$u_C + u_L = 0$$

$$u_C + L \frac{di}{dt} = 0$$

$$u_C + LC \frac{d^2 u_C}{dt^2} = 0$$

ب — تعبير T_0 :
بما أن $u_C = U_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$ حلا للمعادلة التفاضلية بشرط أن تكون

$$\frac{4\pi^2}{T_0^2} = \frac{1}{LC}$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

لنحدد قيمة معامل التحريض L حسب مبيان الشكل 6 لدينا $T_0 = 1s$ وبالتالي فإن

$$L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 \cdot C}$$

$$L = 0,25H$$

ج - حساب الشدة القصوى I_{max} حسب انحفاظ الطاقة الكلية في الدارة فإن

$$\frac{1}{2}CU_0^2 = \frac{1}{2}LI_{max}^2$$

$$I_{max} = \sqrt{\frac{C}{L}}U_0$$

$$I_{max} = 1,42A$$

2 - 3 - تعبير $\frac{dE_T}{dt}$

لدينا حسب تعريف الطاقة الكلية للدارة :

$$E_T = E_C + E_L$$

$$E_T = \frac{1}{2}Cu_c^2 + \frac{1}{2}Li(t)^2$$

$$\frac{dE_T}{dt} = Cu_c \frac{du_c}{dt} + Li \frac{di}{dt}$$

$$\frac{dE_T}{dt} = Cu_c \frac{du_c}{dt} + LC \frac{d^2u_c}{dt^2}$$

من خلال المعادلة التفاضلية لدينا :

$$LC \frac{d^2u_c}{dt^2} + R_2C \frac{du_c}{dt} + u_c = 0$$

$$LC \frac{d^2u_c}{dt^2} + u_c = -R_2C \frac{du_c}{dt}$$

أي أن

$$\frac{dE_T}{dt} = -R_2 \left(C \cdot \frac{du_c}{dt} \right)^2$$

$$\frac{dE_T}{dt} = -R_2 \cdot i^2$$

التمرين 3

الجزء الأول : من السقوط الحر إلى السقوط بالاحتكاك

1 - دراسة حركة الكرية (a) في الهواء

1 - 1 - المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة مركز قصور الكرية :

نطبق القانون الثاني لنيوتن على الكرية في مرجع مرتبط بسطح الأرض والذي نعتبره غاليليا

، حسب هذا القانون: $\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$
تخضع الكرة إلى وزنها فقط أي أن

$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}_G$$

$$\vec{a}_g = \vec{g}$$

الإسقاط على المحور Oy الموجه نحو الأسفل نحصل على :

$$a_y = g$$

$$\boxed{\frac{dv_y}{dt} = g}$$

2-1 — حساب قيمة الارتفاع h

حسب السؤال السابق أن: $v_y = gt + v_{0y}$ وحسب الشروط البدئية لدينا $v_{0y} = 0$ أي أن $v_y = gt$
ومنه فإن $y = \frac{1}{2}gt^2 + y_0$ بحيث أن $y_0 = 0$ ومنه فإن $y = \frac{1}{2}gt^2$ عند وصول الكرة إلى سطح الأرض
تكون قد قطعت المسافة h خلال المدة الزمنية $t_a = 0,41s$ أي أن :

$$\boxed{h = \frac{1}{2}gt_a^2 = 0,82m}$$

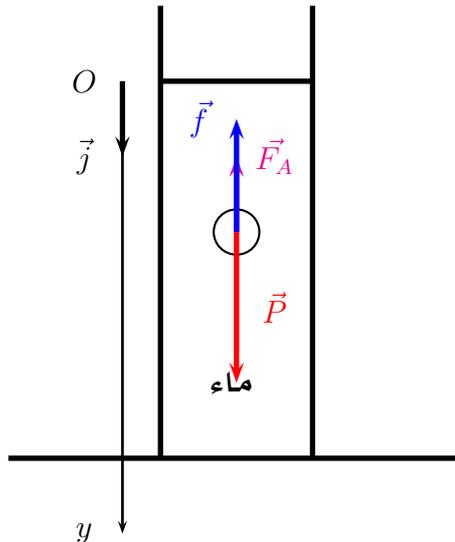
2 — دراسة حركة الكرة (b) في الماء :

2-1 — المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v خلال السقوط :

نطبق القانون الثاني لنيوتن في مرجع مرتبط بسطح الأرض والذي نعتبره غاليليا .
تخضع الكرة b خلال سقوطها في الماء إلى القوى التالية :

\vec{P} وزن الكرة ، و \vec{F}_A دافعة أرخميدس و \vec{f} قوة الاحتكاك المائع
حسب القانون الثاني لنيوتن فإن :

$$\vec{P} + \vec{F}_A + \vec{f} = \vec{0}$$



الإسقاط على Oy نحصل على :

$$mg - \rho \cdot g \cdot V - K \cdot v^2 = ma_y$$

$$\frac{dv}{dt} = g \left(1 - \frac{\rho}{m \cdot V} \right) - \frac{K}{m} \cdot v^2$$

$$\boxed{\frac{dv}{dt} + \frac{K}{m}.v^2 = g \left(1 - \frac{\rho}{m.V}\right)}$$

2 - 2 — تحديد قيمة الثابتة K
في النظام الدائم لدينا : $\frac{dv}{dt} = 0$ أي أن $v = v_l$

$$\frac{K}{m}.v_l^2 = g \left(1 - \frac{\rho}{m.V}\right)$$

$$K = \frac{(mg - \rho.g.V)}{v_l^2}$$

وحسب المبيان لدينا : $v_l = 0,85m$

$$\boxed{K = 4,65.10^{-2}kg/m}$$

2 - 3 — حساب القيمة النظرية a_{th} عند اللحظة $t = 0$

عند اللحظة $t = 0$ لدينا $\frac{dv}{dt}_{t=0} = a_{th}$ بحيث أن $v = 0$ أي أن

$$a_{th} = g \left(1 - \frac{\rho.V}{m}\right) = 5,60m/s^2$$

من جهة أخرى فإن القيمة التجريبية للتسارع عند اللحظة $t = 0$ هي من خلال المبيان :

$$a_{exp} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$a_{exp} = \frac{v_l}{\tau} = \frac{0,85}{0,15} = 5,66m/s^2$$

مما يبين أن القيمة التجريبية للتسارع جد قريبة من القيمة النظرية للتسارع أي أن :

$$a_{th} \simeq a_{exp}$$

3 — الفرق بين مدتي السقوط

3 - 1 — التعبير عن المدة الزمنية Δt الفاصلة بين لحظتي وصول الكريتين إلى سطح الأرض في التجربة الثانية :

بالنسبة للكرة a تصل إلى سطح الأرض بعد قطعها المسافة $2h$ خلال مدة زمنية $t'_a = t_a\sqrt{2}$ المدة الزمنية والمسافة للنظام الانتقالي للكرتين في التجربة الأولى أو الثانية هي نفسها فهي لا تتعلق بالارتفاع .

في التجربة الأولى ، المسافة المقطوعة خلال النظام الدائم هي $d_1 = 0,5.v_l$ بحيث أن $0,5s$ هي مدة النظام الدائم في الحالة الأولى أي أن المسافة المقطوعة في النظام الانتقالي هي $h - 0,5.v_l$ وبما أن المسافة المقطوعة من طرف الكرة a في النظام الانتقالي في التجربة الأولى هي نفس المسافة المقطوعة من طرف الكرة b في التجربة الثانية ، إذن المسافة المقطوعة من طرف الكرة b في التجربة الثانية في النظام الدائم هي :

$$d_2 = 2h - (h - 0,5.v_l) = h + 0,5.v_l$$

إذن المدة الزمنية المستغرقة من طرف الكرة b هي :

$$t'_b = 0,6 + \frac{h + 0,5.v_l}{v_l}$$

$$t'_b = t_b + \frac{h}{v_l}$$

علما أن $t_b = 0,6 + 0,5 = 1,1$ ومنه فإن المدة Δt الفاصلة بين لحظتي وصول الكرتين هي :

$$\Delta t = t_b + \frac{h}{v_l} - t_a\sqrt{2}$$

$$\Delta t = 1,48s$$

الجزء الثاني : من المدار الدائري المنخفض إلى المدار الدائري المرتفع

1 - تحديد بعد الثابتة G

لدينا تعبير شدة قوة التجاذب الكوني :

$$F = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{d^2}$$

$$G = \frac{F \cdot d^2}{m_1 \cdot m_2}$$

$$[G] = \frac{[N] \cdot [L]^2}{[M]^2}$$

نعلم أن بعد النيوتن هو : $[N] = [M] \cdot [L] / [T]^2$ أي أن :

$$[G] = \frac{[L]^3}{[M] \cdot [T]^2}$$

2 - تعبير T_1

حسب القانون الثالث لكيبلر لدينا : $\frac{T_1^2}{r_1^3} = \frac{4\pi^2}{M_T}$ و $\frac{T_2^2}{r_2^3} = \frac{4\pi^2}{M_T}$ أي أن :

$$\frac{T_1^2}{r_1^3} = \frac{T_2^2}{r_2^3} =$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{r_1^3}{r_2^3}}$$

$$T_1 = T_2 \sqrt{\frac{r_1^3}{r_2^3}}$$

حساب قيمة T_1 بالساعة :

$$T_1 = 1,52h$$

3 - تعبير متجهة التسارع \vec{a}_S للقمر S

حسب القانون الثاني لنيوتن لدينا :

$$F_{T/S}^{\vec{}} = -G \frac{m_S \cdot M_T}{OE^2} \vec{u} = m_S \cdot \vec{a}_S$$

$$\vec{a}_S = -G \frac{M_T}{OE^2} \vec{u}$$

حساب قيمة a_s عند النقطة E
لدينا حسب الشكل أن $2a = r_1 + r_2$ أي أن

$$a = \frac{r_1 + r_2}{2}$$

من جهة أخرى ، في النقطة E لدينا :

$$OE + O'E = 2a$$

وبما أن $OE = O'E$ فإن $2a = 2OE$ أي أن $OE = a = \frac{r_1 + r_2}{2}$

$$a_s = G \frac{M_T}{OE^2} = 0,67m/s^2$$

صحيح

إنه
ذ. علال محداد
هي الت